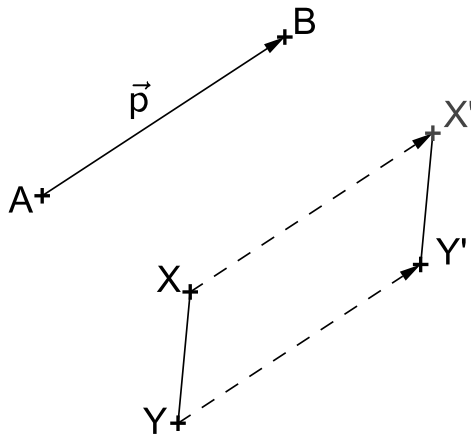


### 3.4 Posunutí (Translace)

**Definice 14.** Orientovanou úsečkou  $AB$  je dán vektor  $\vec{p} = \overrightarrow{AB}$ . **Posunutí** neboli **translace** je zobrazení, které každému bodu  $X$  roviny přiřazuje bod  $X'$  tak, že platí  $\overrightarrow{XX'} = \vec{p}$ , tj.  $X' = X + \vec{p}$ . Zobrazení značíme  $\mathcal{T}(\vec{p})$ .



Obrázek 14: Posunutí  $\mathcal{T}(\vec{p})$

**Poznámka.** Posunutí (translaci) můžeme definovat též jako shodnost, která vznikne složením dvou osových souměrností s rovnoběžnými a různými osami. Směr posunutí je potom kolmý na směr těchto os a jeho velikost je rovna dvojnásobku jejich vzdálenosti.

**Věta 19.** Každou translaci lze složit ze dvou osových souměrností s rovnoběžnými osami z nichž jednu lze volit libovolně, kolmo na směr translace a druhá je touto volbou určena jednoznačně.

**Věta 20.** Posunutí (translace) nemá žádný samodružný bod a zobrazuje přímku do přímky s ní rovnoběžné (tj. má všechny směry samodružné).

**Věta 21.** Nechť  $X'$  je obraz libovolného (proměnného) bodu  $X$  v dané translaci  $\mathcal{T}$ . Pak všechny přímky  $XX'$  jsou navzájem rovnoběžné a všechny úsečky  $XX'$  jsou navzájem shodné.

#### 3.4.1 Analytické vyjádření posunutí (translace) $\mathcal{T}(\vec{p})$ v rovině

Rovnice posunutí  $\mathcal{T}(\vec{p})$ , kde  $\vec{p} = (p_1, p_2)$ :

$$\begin{aligned}x' &= x + p_1 \\y' &= y + p_2\end{aligned}$$

**PŘÍKLAD 3.7.** Jaké zobrazení může být výsledkem skládání dvou posunutí?