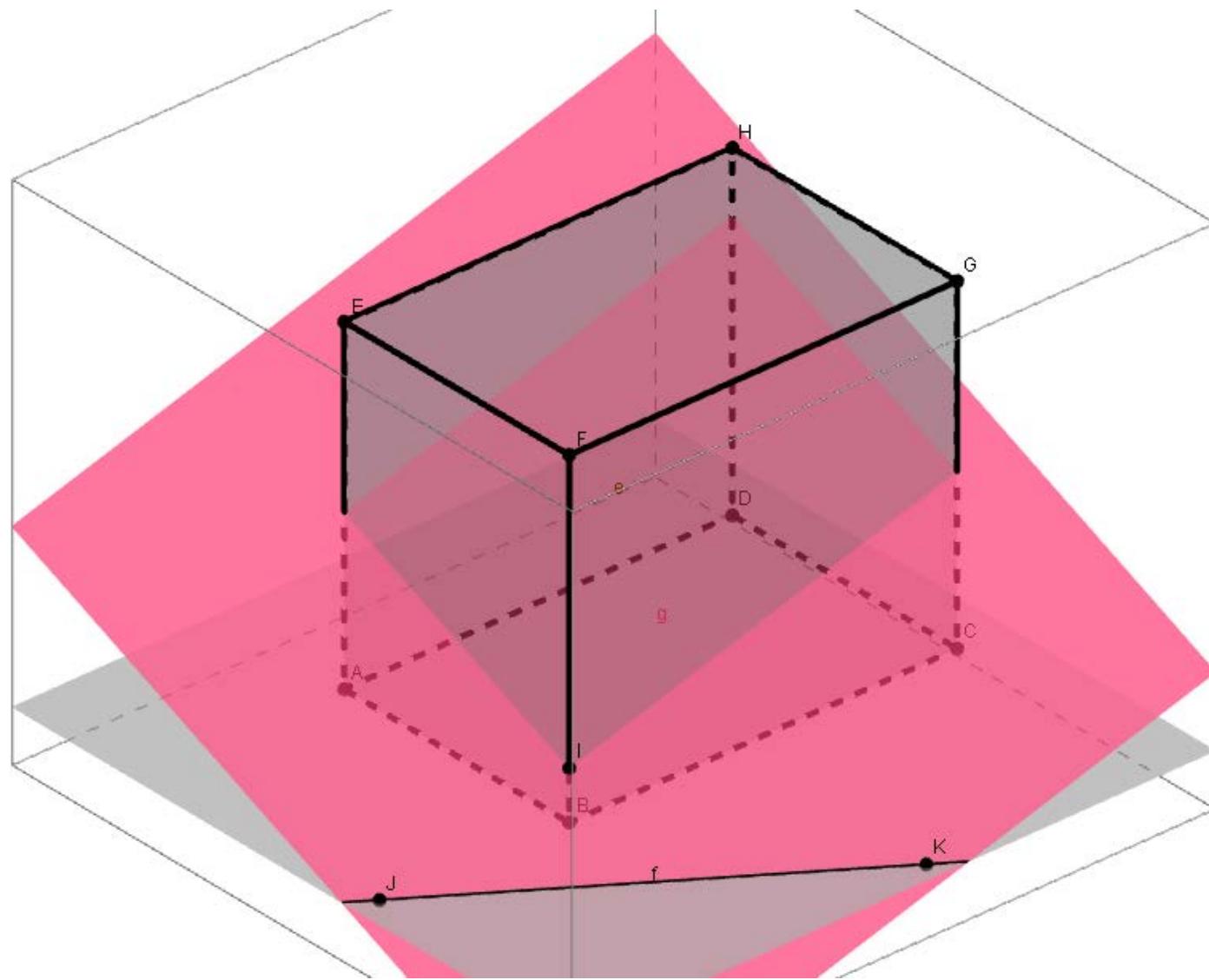
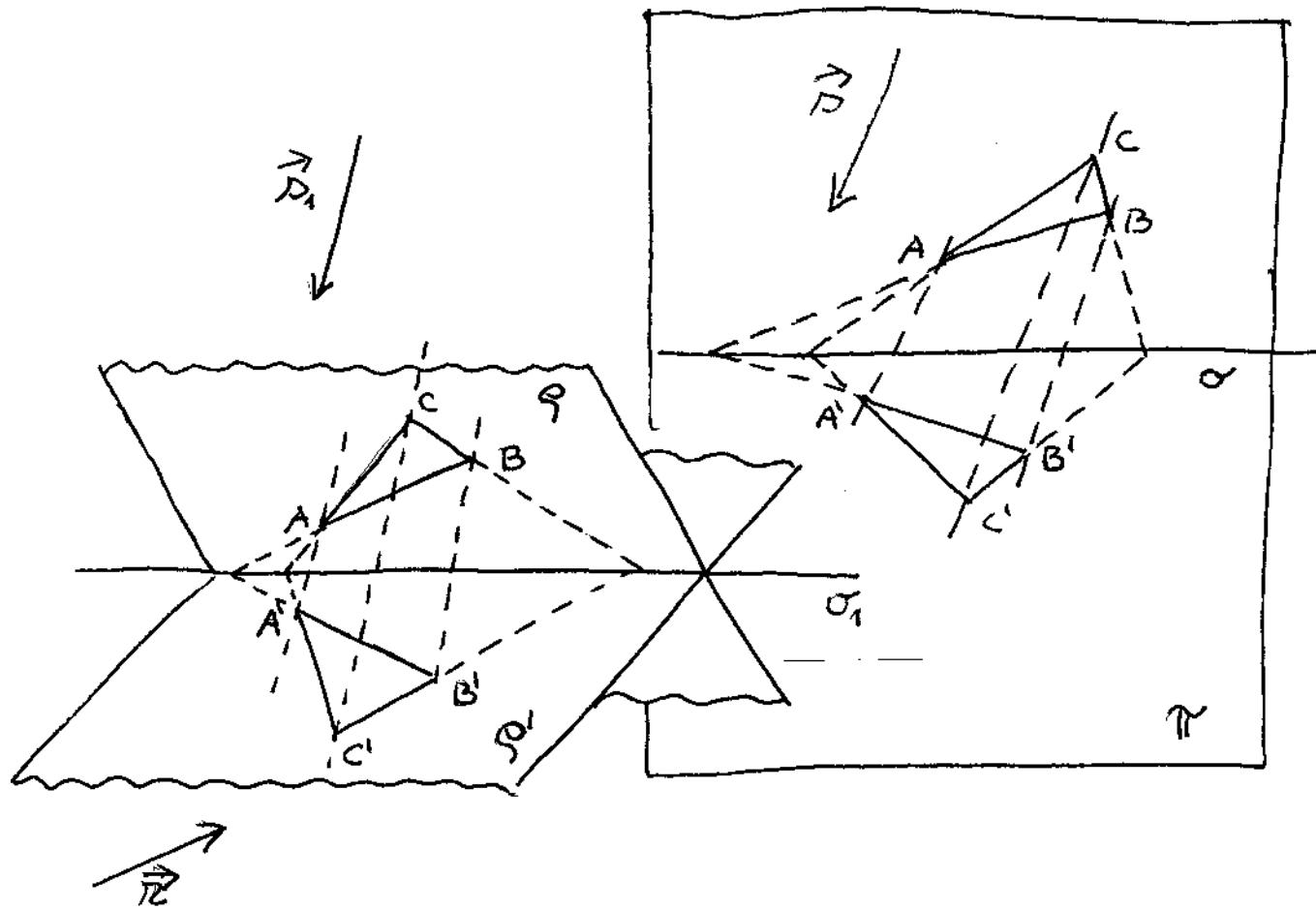


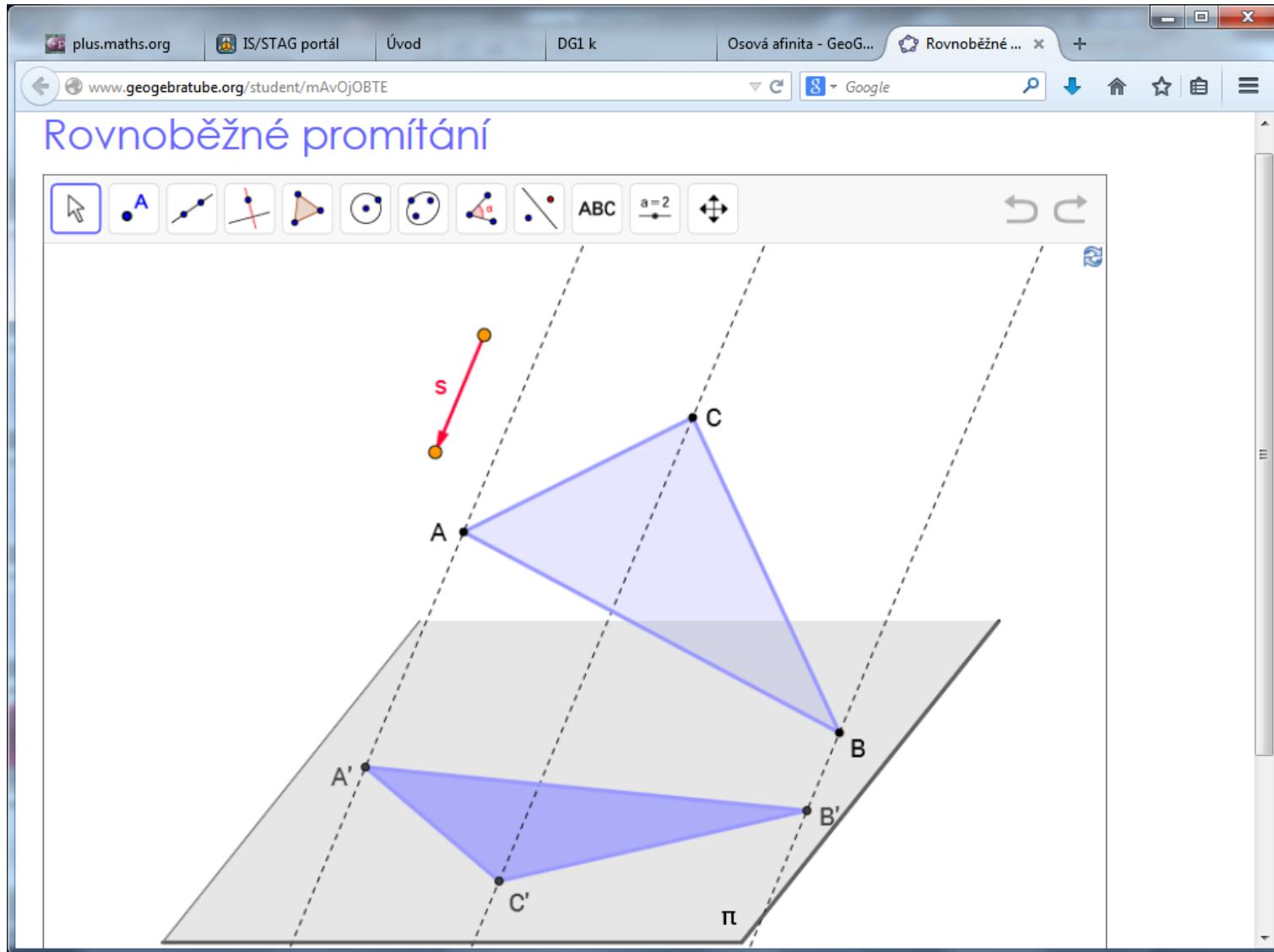
# Osová afinita



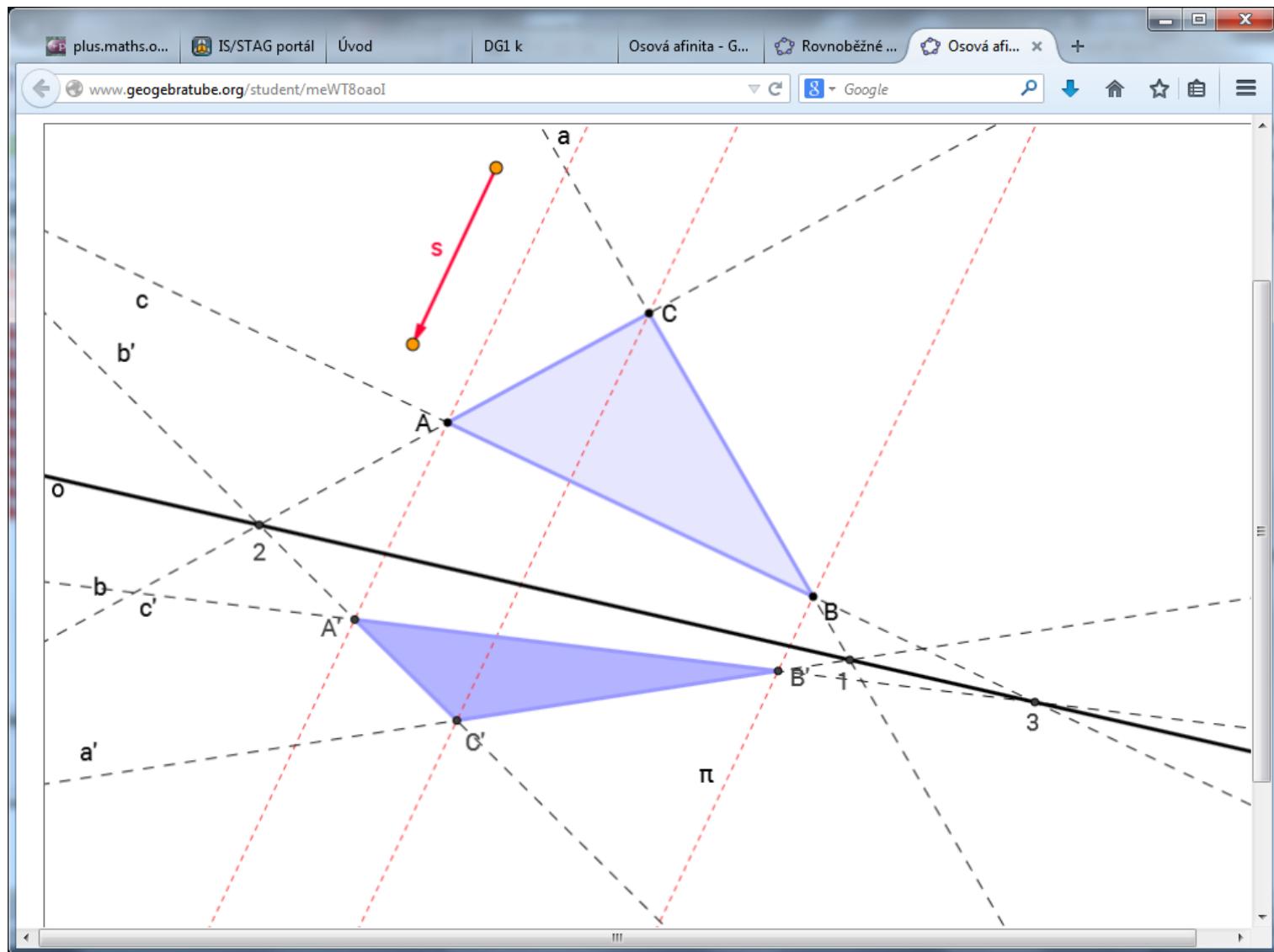
# Osová afinita



# Rovnoběžné promítání



# Osová afinita



## 2 Osová afinita

Osová afinita je středovou kolineací s nevlastním středem.

**PŘÍKLAD 2.1.** V osové afinitě určené osou  $o$  a dvojicí sobě odpovídajících bodů  $A, A'$  zobrazte bod  $B$  a přímku  $p$ .

Osová afinita je určena osou  $o$ , směrem  $s$  a charakteristikou  $\kappa$ . Směr a charakteristika jsou většinou zadány dvojicí sobě odpovídajících bodů  $A, A'$ .

Charakteristika affinity

$$(S_\infty A_1 A A') = \underline{(A' A A_1)} = \kappa$$

Vlastnosti osové affinity

1. Přímka spojující sobě odpovídající body je rovnoběžná se směrem affinity.
2. Sobě odpovídající přímky se protínají na ose affinity.
3. Incidence se zachovává.
4. Osa affinity a přímky rovnoběžné se směrem affinity jsou samodružnými přímkami.

**Poznámka.** Pro  $s \perp o$ ,  $\kappa = -1$  dostáváme **osovou souměrnost**.

## Invarianty osové afinity

1. Rovnoběžnost přímek.
2. Dělící poměr.
3. Poměr obsahu obrazců.

**PŘÍKLAD 2.2.** Je dána přímka  $o$ , trojúhelník  $ABC$  a dvojice bodů  $X, X'$ . Sestrojte obraz trojúhelníka  $ABC$  v osové afinitě s osou  $o$ , v níž je obrazem bodu  $X$  bod  $X'$ .

**Věta 6.** Rovnoběžné přímky  $a \parallel b$  se v osové afinitě zobrazí opět na rovnoběžné přímky  $a' \parallel b'$ .

**Věta 7.** Dělící poměr se v osové afinitě zachovává, tj.  $(ABC) = (A'B'C')$ .

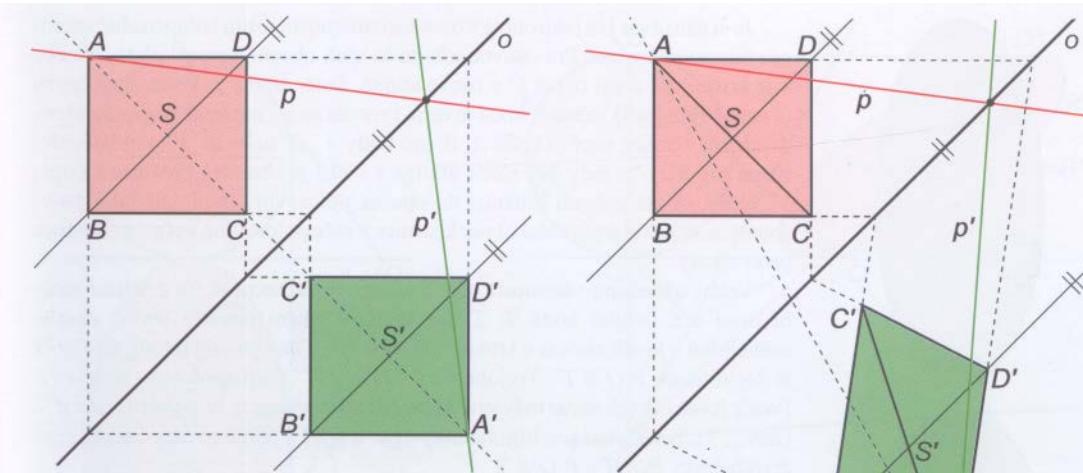
Důsledky věty 7

1. Střed úsečky se zobrazí zase na střed úsečky.
2. Zachovává se uspořádání bodů na přímce.

**PŘÍKLAD 2.3.** Je dána přímka  $o$  a trojúhelník  $ABC$ . Sestrojte obraz  $A'B'C'$  trojúhelníka  $ABC$  v takové osové afinitě s osou  $o$ , aby byl trojúhelník  $A'B'C'$  rovnostranný.

**Věta 8.** Nechť  $P$  je obsah trojúhelníka  $ABC$  a  $P'$  obsah jeho obrazu  $A'B'C'$  v osové afinitě s charakteristikou  $\kappa$ . Potom  $P' = |\kappa| \cdot P$ .

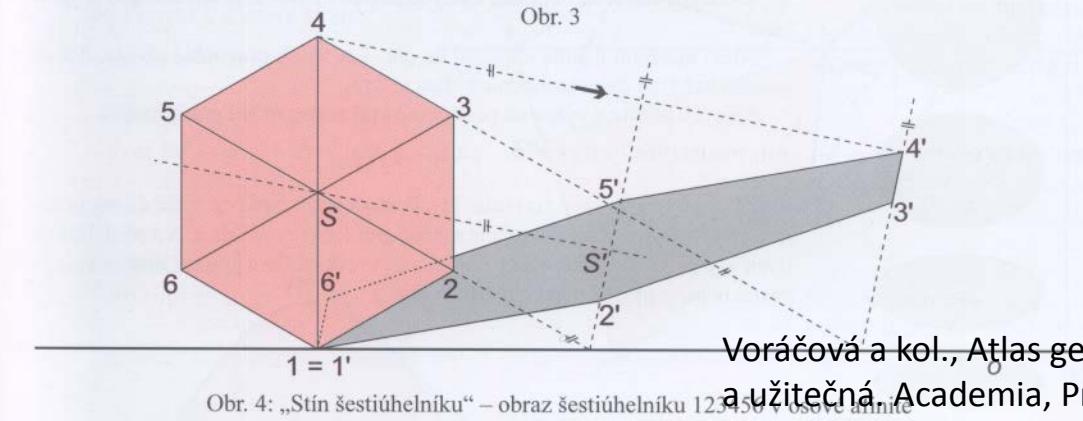
# Osová afinita



Obr. 1, 2: Obrazy čtverce v osové souměrnosti, v osové afinitě



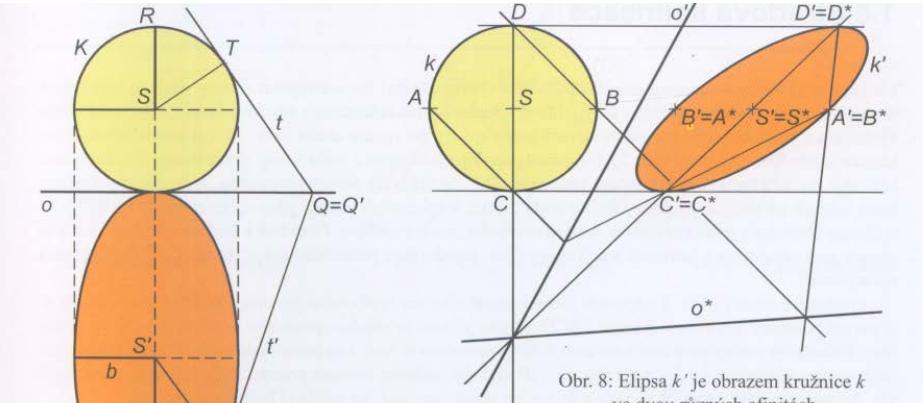
Obr. 3



Voráčová a kol., Atlas geometrie. Geometrie krásná a užitečná. Academia, Praha, 2012.

Obr. 4: „Stín šestiúhelníku“ – obraz šestiúhelníku 123456 v osové afinitě

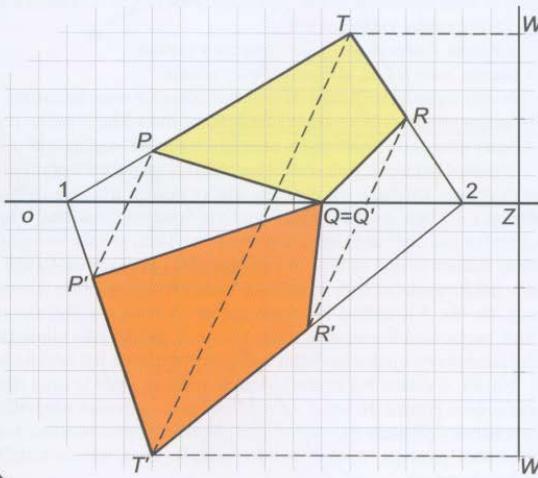
# Osová afinita



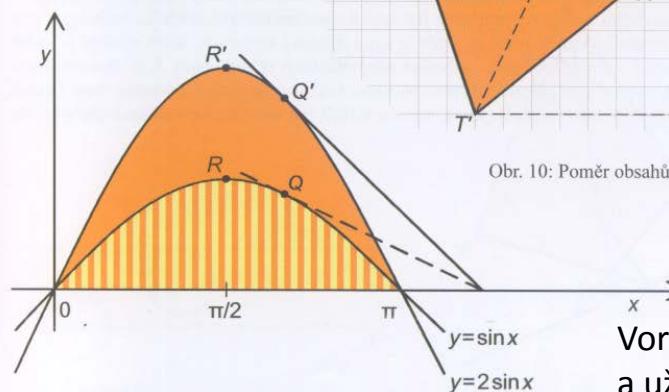
Obr. 8: Elipsa  $k'$  je obrazem kružnice  $k$  ve dvou různých afinitách



Obr. 9:  
Obraz kruhu  $K$  v osové afinitě



Obr. 10: Poměr obsahů čtyřúhelníků je 2 : 3



Obr. 11: Afinní obraz grafu funkce

Voráčová a kol., Atlas geometrie. Geometrie krásná a užitečná. Academia, Praha, 2012.

# Osová afinita

