

5. cvičení

Zapište množinu pomocí intervalů s proměnlivou mezí, oběma způsoby (tj. meze u y závislé na x a naopak).

- 1** uzavřený trojúhelník s vrcholy $[0, 0]$, $[1, 0]$, $[0, 1]$
- 2** uzavřený trojúhelník s vrcholy $[-2, 0]$, $[1, 0]$, $[0, 1]$
- 3** uzavřený trojúhelník s vrcholy $[0, 0]$, $[-1, 1]$, $[2, 1]$
- 4** uzavřený trojúhelník s vrcholy $[0, 0]$, $[-1, 1]$, $[2, 2]$
- 5** uzavřený lichoběžník s vrcholy $[-1, 0]$, $[2, 0]$, $[0, 1]$, $[1, 1]$
- 6** uzavřený rovnoběžník s vrcholy $[0, 0]$, $[1, 2]$, $[4, 0]$, $[5, 2]$
- 7** množina omezená křivkami $y = x^2$, $y = 2x$
- 8** množina omezená křivkami $y = -x^2$, $y = x - 2$
- 9** množina omezená křivkami $xy = 2$, $x + y = 3$

Výsledky: **1** $x \in \langle 0, 1 \rangle$, $y \in \langle 0, 1 - x \rangle$; opačně: $y \in \langle 0, 1 \rangle$, $x \in \langle 0, 1 - y \rangle$;

2 $x \in \langle -2, 1 \rangle$, rozděleno na $x \in \langle -2, 0 \rangle$, $y \in \langle 0, \frac{x}{2} + 1 \rangle$ a $x \in \langle 0, 1 \rangle$, $y \in \langle 0, 1 - x \rangle$; opačně: $y \in \langle 0, 1 \rangle$, $x \in \langle 2y - 2, 1 - y \rangle$; **3** $x \in \langle -1, 2 \rangle$, rozděleno na $x \in \langle -1, 0 \rangle$, $y \in \langle -x, 1 \rangle$ a $x \in \langle 0, 2 \rangle$, $y \in \langle \frac{x}{2}, 1 \rangle$; opačně: $y \in \langle 0, 1 \rangle$, $x \in \langle -y, 2y \rangle$;

4 $x \in \langle -1, 2 \rangle$, rozděleno na $x \in \langle -1, 0 \rangle$, $y \in \langle -x, \frac{x+4}{3} \rangle$ a $x \in \langle 0, 2 \rangle$, $y \in \langle x, \frac{x+4}{3} \rangle$; opačně: $y \in \langle 0, 2 \rangle$, rozděleno na $y \in \langle 0, 1 \rangle$, $x \in \langle -y, y \rangle$ a $y \in \langle 1, 2 \rangle$, $x \in \langle 3y - 4, y \rangle$;

5 $x \in \langle -1, 2 \rangle$, rozděleno na $x \in \langle -1, 0 \rangle$, $y \in \langle 0, x + 1 \rangle$ a $x \in \langle 0, 1 \rangle$, $y \in \langle 0, 1 \rangle$ a $x \in \langle 1, 2 \rangle$, $y \in \langle 0, 2 - y \rangle$; opačně: $y \in \langle 0, 1 \rangle$, $x \in \langle y - 1, 2 - y \rangle$; **6** $x \in \langle 0, 5 \rangle$, rozděleno na $x \in \langle 0, 1 \rangle$, $y \in \langle 0, 2x \rangle$ a $x \in \langle 1, 4 \rangle$, $y \in \langle 0, 2 \rangle$ a $x \in \langle 4, 5 \rangle$, $y \in \langle 0, 2x - 8 \rangle$; opačně: $y \in \langle 0, 2 \rangle$, $x \in \langle \frac{y}{2}, \frac{y+8}{2} \rangle$; **7** $x \in \langle 0, 2 \rangle$, $y \in \langle x^2, 2x \rangle$, opačně: $y \in \langle 0, 4 \rangle$, $x \in \langle \frac{y}{2}, \sqrt{y} \rangle$;

8 $x \in \langle -2, 1 \rangle$, $y \in \langle x - 2, -x^2 \rangle$; opačně: $y \in \langle -4, 0 \rangle$ rozděleno na $y \in \langle -4, -1 \rangle$, $x \in \langle -\sqrt{-y}, y + 2 \rangle$ a na $y \in \langle -1, 0 \rangle$, $x \in \langle -\sqrt{-y}, \sqrt{-y} \rangle$; **9** $x \in \langle 1, 2 \rangle$, $y \in \langle \frac{2}{x}, 3 - x \rangle$, opačně: $y \in \langle 1, 2 \rangle$, $x \in \langle \frac{2}{y}, 3 - y \rangle$.

Zapište pomocí intervalů s proměnlivou mezí (co nejjednodušším způsobem) množinu bodů splňujících nerovnosti:

1 $x^2 \leq y$, $4x \leq 5 - y$

2 $y^2 \leq x$, $y \leq 2 - x$

3 $y^2 \leq x$, $y \geq x - 2$

4 $x \leq y^2$, $2y^2 \leq x + 1$

5 $x \geq 0$, $y \geq x$, $z \geq 0$, $z \leq \sqrt{4 - y^2}$

$$\boxed{6} \quad z \geq y^2, z \leq 2 - y, 0 \leq x, x \leq z$$

$$\boxed{7} \quad z \geq y^2, z \leq 2 - y, x^2 \leq y$$

$$\boxed{8} \quad z \geq y^2, z \leq 2 - y, z \leq x, y \geq x$$

$$\boxed{9} \quad z \leq y^2, z \geq 2 - y, 0 \leq x, x \leq z$$

$$\boxed{10} \quad 0 \leq x \leq y \leq z \leq 1$$

$$\boxed{11} \quad 0 \leq x + y + z \leq 1, x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$$

Výsledky: $\boxed{1}$ $x \in \langle -5, 1 \rangle, y \in \langle x^2, 5 - 4x \rangle$; $\boxed{2}$ $y \in \langle -2, 1 \rangle, x \in \langle y^2, 2 - y \rangle$;
 $\boxed{3}$ $y \in \langle -1, 2 \rangle, x \in \langle y^2, y + 2 \rangle$; $\boxed{4}$ $y \in \langle -1, 1 \rangle, x \in \langle 2y^2 - 1, y^2 \rangle$; $\boxed{5}$ $x \in \langle 0, 2 \rangle,$
 $y \in \langle x, 2 \rangle, z \in \langle 0, \sqrt{4 - y^2} \rangle$ nebo $y \in \langle 0, 2 \rangle, x \in \langle 0, y \rangle, z \in \langle 0, \sqrt{4 - y^2} \rangle$;
 $\boxed{6}$ $y \in \langle -2, 1 \rangle, z \in \langle y^2, 2 - y \rangle, x \in \langle 0, z \rangle$; $\boxed{7}$ $y \in \langle 0, 1 \rangle, z \in \langle y^2, 2 - y \rangle,$
 $x \in \langle -\sqrt{y}, \sqrt{y} \rangle$; $\boxed{8}$ $y \in \langle 0, 1 \rangle, z \in \langle y^2, y \rangle, x \in \langle z, y \rangle$; $\boxed{9}$ $y \in (-\infty, -2) \cup \langle 1, \infty \rangle$
rozděleno na $y \in (-\infty, -2) \cup \langle 1, 2 \rangle, z \in \langle 2 - y, y^2 \rangle, x \in \langle 0, z \rangle$ a na $y \in \langle 2, \infty \rangle,$
 $z \in \langle 0, y^2 \rangle, x \in \langle 0, z \rangle$; $\boxed{10}$ $x \in \langle 0, 1 \rangle, y \in \langle x, 1 \rangle, z \in \langle y, 1 \rangle$; $\boxed{11}$ $x \in \langle 0, 1 \rangle,$
 $y \in \langle 0, 1 - x \rangle, z \in \langle 0, 1 - x - y \rangle$.

Porovnejte příklady $\boxed{6}$ a $\boxed{9}$.

Jak vypadají množiny z příkladů $\boxed{10}$ a $\boxed{11}$?