Jak rychle zobrazit komplexní čísla a jak s nimi počítat

Ukázka 14 – Výpočty – Znázornění komplexních čísel a výsledků operací s nimi

Bod nebo Komplexní číslo?

Komplexní čísla definujeme jako uspořádané dvojice reálných čísel a jako takové je můžeme zobrazovat v tzv. Gaussově rovině. Tuto možnost nabízí i GeoGebra, která navíc poskytuje i funkce pro počítání s komplexními čísly a provádí s nimi algebraické operace. V modelu <u>kc.ggb</u> ukážeme příklady práce s tímto objektem.

| 🕼 Vlastnosti | × |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| Objekty Bod O Komplexní čís A U V V V V V Z Z Z Z Z Text Ext1 Vektor A A Z C Íslo C I I V | Základní Barva Styl Algebra Pro pokročilé Skriptování Souřadnice: Komplexní číslo Krok: 0.1 Kartézské souřadnice Polární souřadnice Komplexní číslo Komplexní číslo |
| 2 Zrušit P | oužít výchozí Zavřít |

Obr. 14.1

- 4. Do Nákresny vložíme bod A.
- 5. Na kartě *Algebra* v okně *Vlastnosti* zvolíme zobrazení bodu *A* jako *Komplexní číslo* (obrázek 14.1). Tím jsme změnili objekt *Bod* na objekt *Komplexní číslo*. Jeho další vlastnosti ale nastavíme zcela stejně, jako je nastavujeme pro bod (tj. změníme barvu, velikost značky, zobrazíme v popisku hodnotu atd.)
- 6. Komplexní číslo můžeme vkládat přímo do vstupního pole například zapíšeme z = 3 í. Znak í zapíšeme buď jako běžný znak *i* (to tehdy, pokud už v modelu není proměnná se jménem *i*, v tom případě ho GeoGebra rozpozná jako zápis imaginární jednotky), nebo ho vložíme kombinací *Ctrl+Alt+i* nebo *Shift+Alt+i*.
- 7. Komplexní čísla můžeme sčítat, násobit, ...
 - w = z + A (a vypsat v textovém poli viz obrázek 14.2)
 - s = z A (i tato úprava je v modelu vypsána v textovém poli)
 - Číslo komplexně sdružené vrací matematická funkce conjugate: *z1* = conjugate(*z*).
- GeoGebra umí vypočítat i komplexní "kořeny" polynomu hodnoty, pro něž je polynom nulový: KomplexniKoren[x² + c] příkaz dává správné výsledky pro komplexní tedy i pro reálné hodnoty nulových bodů (měňte v modelu hodnotu parametru *c* daného posuvníkem).

Obrázek 14.2 ukazuje v okně *Algebra* definice a v okně *Nákresna* (Gaussově rovině) obrazy komplexních (i reálných) čísel – operandů i výsledků těchto operací.



Obr. 14.2