

INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

ÚHLY V PRAVOÚHLÉM TROJÚHELNÍKU II - ŘEŠENÍ

Vyjádříme odvěsny:

$$a = c \cdot \sin \alpha$$

$$b = c \cdot \cos \alpha$$

Dosaďme do rovnice:

$$2 \cdot c \cdot \sin \alpha + 2 \cdot c \cdot \cos \alpha = c \cdot \sqrt{6}$$

Rovnici upravíme:

$$2 \cdot c \cdot \sin \alpha + 2 \cdot c \cdot (\pm \sqrt{1 - \sin^2 \alpha}) = c \cdot \sqrt{6}$$

Řešení $c = 0$ úloze nevyhovuje, zjednodušíme:

$$2 \cdot (\pm \sqrt{1 - \sin^2 \alpha}) = \sqrt{6} - 2 \sin \alpha$$

Rovnici umocníme:

$$4(1 - \sin^2 \alpha) = 6 - 4\sqrt{6} \sin \alpha + 4 \sin^2 \alpha$$

$$4 - 4 \sin^2 \alpha = 6 - 4\sqrt{6} \sin \alpha + 4 \sin^2 \alpha$$

$$8 \sin^2 \alpha - 4\sqrt{6} \sin \alpha + 2 = 0$$

Substituce $\sin \alpha = t$, řešíme rovnici o neznámé t :

$$8t^2 - 4\sqrt{6}t + 2 = 0$$

$$D = 96 - 64 = 32$$

$$\sqrt{D} = 4\sqrt{2}$$

$$t_{1,2} = \frac{4\sqrt{6} \pm 4\sqrt{2}}{16} = \frac{\sqrt{6} \pm \sqrt{2}}{4}$$

$$t_1 = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4} \Rightarrow \alpha = 75^\circ$$

$$t_2 = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4} \Rightarrow \sin \beta = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4} \Rightarrow \alpha = 15^\circ$$

Kontrola:

$$75^\circ + 15^\circ + 90^\circ = 180^\circ$$

Velikosti vnitřních úhlů v trojúhelníku jsou $\alpha = 15^\circ$, $\beta = 75^\circ$, ($\gamma = 90^\circ$).