

INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

ATLET 2012

Popis aktivity

Výpočet hodnoty výrazů, úprava algebraických výrazů.

Předpokládané znalosti

Počítání z paměti, úprava výrazů

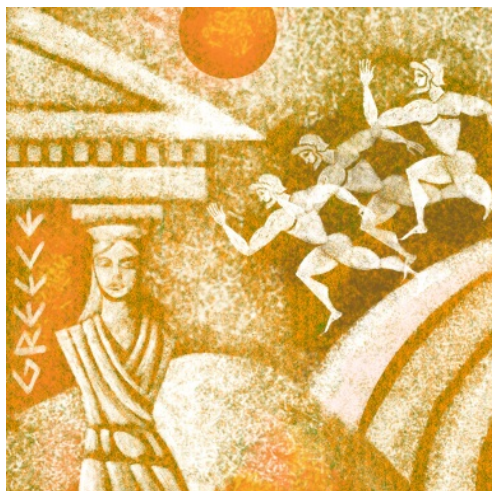
Potřebné pomůcky

Pracovní list pro žáka

Zadání

Dan chodí na základní školu a jeho bratr Jan na gymnázium. Oba se v matematice zabývají algebraickými výrazy. Tajenku luští pomocí tabulky, ve které jsou k výsledkům přiřazena příslušná písmena abecedy. Hodnoty výrazů zjišťuje každý, jak umí. Dan dosazuje do výrazů doporučené hodnoty proměnných. Jan si nejprve výrazy upravuje a teprve poté dosazuje příslušné hodnoty.

Z písmen, která získají přiřazením k výsledkům, sestaví jméno sportovce, který se stal již šestkrát atletem roku. Zkuste to také.



Tabulka

0	7	2	23	-12	12	-8	-6	6	16	20	24	4	17	14
P	I	O	Á	T	H	V	Š	G	O	E	K	Á	L	R

Ve všech následujících příkladech dosad' za $u = 1$, $v = 3$.

$$u(2 - v) - 2 + v =$$

$$5u + 5 + uv + v =$$

$$(u^2 - 2u + 1) + (v^2 - 2v + 1) =$$

$$(u^2 - v^2) - (u - v)^2 =$$

$$(u - v) \cdot (u + v) =$$

$$16uv - 8v =$$

$$3(2u + v) - 3(2v + u) =$$

$$(12uv - 6v) : 3v =$$

$$4,5u + 5,4v - 2,5u + 1,6v =$$

INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

Možný postup řešení, metodické poznámky

Výpočet Dana:

$$u(2-v) - 2 + v = 1(2-3) - 2 + 3 = 0$$

$$5u + 5 + uv + v = 5 + 5 + 3 + 3 = 16$$

$$(u^2 - 2u + 1) + (v^2 - 2v + 1) = (1 - 2 + 1) + (9 - 6 + 1) = 4$$

$$(u^2 - v^2) - (u - v)^2 = (1 - 9) - (1 - 3)^2 = -8 - 4 = -12$$

$$(u - v) \cdot (u + v) = (1 - 3) \cdot (1 + 3) = -2 \cdot 4 = -8$$

$$16uv - 8v = 48 - 24 = 24$$

$$3(2u + v) - 3(2v + u) = 3 \cdot 5 - 3 \cdot 7 = 15 - 21 = -6$$

$$(12uv - 6v) : 3v = (36 - 18) : 9 = 2$$

$$4,5u + 5,4v - 2,5u + 1,6v = 4,5 + 16,2 - 2,5 + 4,8 = 23$$

Úprava, kterou provedl Jan:

$$u(2-v) - 2 + v = (2-v)(u-1) = 0$$

$$5u + 5 + uv + v = (u+1)(5+v) = 16$$

$$(u^2 - 2u + 1) + (v^2 - 2v + 1) = (u-1)^2 + (v-1)^2 = 4$$

$$(u^2 - v^2) - (u - v)^2 = u^2 - v^2 - u^2 + 2uv - v^2 = 2uv - 2v^2 = -12$$

$$(u - v) \cdot (u + v) = u^2 - v^2 = -8$$

$$16uv - 8v = 8v(2u - 1) = 24$$

$$3(2u + v) - 3(2v + u) = 6u + 3v - 6v - 3u = 3u - 3v = -6$$

$$(12uv - 6v) : 3v = 4u - 2 = 2$$

$$4,5u + 5,4v - 2,5u + 1,6v = 2u + 7v = 23$$

0	7	2	23	-12	12	-8	-6	6	16	20	24	4	17	14
P	†	O	Á	T	H	V	Š	G	O	€	K	Á	Ł	R

Tajenka: ŠPOTÁKOVÁ

Doplňkové aktivity

Vytvořte úlohu s výsledky, které vedou k tajence Hilgertová. Tuto variantu tajenky tabulka také nabízí.

Přesahy a vazby	<i>Tělesná výchova</i>
Poznámky	Úpravu výrazů podle vzorců zařadíme v případě, že tyto vzorce žáci znají.
Obrazový materiál	Klipart poskytl Microsoft