



evropský  
sociální  
fond v ČR



EVROPSKÁ UNIE



MINISTERSTVO ŠKOLSTVÍ,  
MLÁDEŽE A TĚLOVÝCHOVY



OP Vzdělávání  
pro konkurenčeschopnost



Jednota českých  
matematiků a fyziků

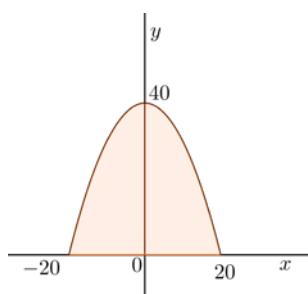
## INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

### HŘIŠTĚ PRO MATEMATIKY - ŘEŠENÍ

Jedná se o obrazec osově souměrný, stačí proto uvažovat jeho polovinu. Musí tedy platit, že obsah  $S$  obrazce, který je omezen parabolou, je roven obsahu poloviny obdélníka, jehož jedna strana má délku 40 m. Označíme-li hledanou délku strany obdélníka např.  $d$ , pak  $S = 40 \cdot \frac{d}{2} = 20d$ , tedy

$$d = \frac{S}{20}.$$

Abychom určili obsah  $S$ , parabolu nejdříve umístíme vhodně v soustavě souřadnic a určíme její funkční předpis.



Parabola je grafem kvadratické funkce  $f : y = 40 - ax^2, x \in \langle -20; 20 \rangle, a \in R, a \neq 0$ .

Protože parabola protíná osu  $x$  v bodě  $[20; 0]$ , musí platit:  $0 = 40 - a \cdot 20^2 \Rightarrow a = \frac{1}{10}$ .

Je tedy  $f : y = 40 - \frac{x^2}{10}, x \in \langle -20; 20 \rangle$  a obsah  $S$  obrazce, který je omezen touto parabolou a osou  $x$  můžeme spočítat pomocí integrálního počtu.

$$S = \int_{-20}^{20} \left( 40 - \frac{x^2}{10} \right) dx = 2 \int_0^{20} \left( 40 - \frac{x^2}{10} \right) dx = 2 \left[ 40x - \frac{x^3}{30} \right]_0^{20} = 2 \left( 800 - \frac{8000}{30} \right) = 2 \cdot \frac{1600}{3} = \frac{3200}{3}.$$

$$\text{Pak } d = \frac{3200}{3 \cdot 20} = \frac{160}{3}.$$

Druhá strana obdélníka má tedy délku  $\frac{160}{3}$  m (přibližně 53,3 m).