

INVESTICE DO ROZVOJE VZDĚLÁVÁNÍ

ZÁKLADNÍ ORIENTOVANÝ ÚHEL 1 – ŘEŠENÍ

1. Určení velikosti základního orientovaného úhlu a počtu period $n \in \mathbb{N}$:

$$\forall \varphi \in R; \varphi = \varphi_z + k \cdot 360^\circ, \varphi_z \in \langle 0; 360^\circ \rangle, k \in \mathbb{Z}$$

$$\alpha = 1\,246^\circ = 166^\circ + 3 \cdot 360^\circ \Rightarrow \alpha_z = 166^\circ, |k| = n = 3$$

$$\beta = -3\,375^\circ = 225^\circ - 10 \cdot 360^\circ \Rightarrow \beta_z = 225^\circ, |k+1| = n = 9$$

Pro každé $\varphi \in R$ a pro každé $k \in \mathbb{Z}$ platí:

$$\begin{aligned} \sin(\varphi + k \cdot 360^\circ) &= \sin \varphi \\ \cos(\varphi + k \cdot 360^\circ) &= \cos \varphi \end{aligned}$$

Pro každé $\varphi \in D_{\text{tg}}$, resp. $\varphi \in D_{\text{cotg}}$ a pro každé $k \in \mathbb{Z}$ platí:

$$\begin{aligned} \text{tg}(\varphi + k \cdot 180^\circ) &= \text{tg} \varphi \\ \text{cotg}(\varphi + k \cdot 180^\circ) &= \text{cotg} \varphi \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sin \alpha &= \sin 1\,246^\circ \doteq 0,2419 \\ \cos \alpha &= \cos 1\,246^\circ \doteq -0,9703 \\ \text{tg} \alpha &= \text{tg} 1\,246^\circ \doteq -0,2493 \\ \text{cotg} \alpha &= \text{cotg} 1\,246^\circ \doteq -4,0108 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sin \alpha_z &= \sin 166^\circ \doteq 0,2419 \\ \cos \alpha_z &= \cos 166^\circ \doteq -0,9703 \\ \text{tg} \alpha_z &= \text{tg} 166^\circ \doteq -0,2493 \\ \text{cotg} \alpha_z &= \text{cotg} 166^\circ \doteq -4,0108 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sin \beta &= \sin(-3\,375^\circ) = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \cos \beta &= \cos(-3\,375^\circ) = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \text{tg} \beta &= \text{tg}(-3\,375^\circ) = 1 \\ \text{cotg} \beta &= \text{cotg}(-3\,375^\circ) = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sin \beta &= \sin(225^\circ) = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \cos \beta &= \cos(225^\circ) = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \text{tg} \beta &= \text{tg}(225^\circ) = 1 \\ \text{cotg} \beta &= \text{cotg}(225^\circ) = 1 \end{aligned}$$

2. Pro převádění jednotek velikosti úhlu použijeme vzorec: $\frac{\alpha^\circ}{x^{\text{rad}}} = \frac{180^\circ}{\pi^{\text{rad}}}$

$$\frac{1\,246^\circ}{\alpha^{\text{rad}}} = \frac{180^\circ}{\pi} \Rightarrow \alpha^{\text{rad}} \doteq 21,75^{\text{rad}}$$

$$\frac{-3\,375^\circ}{\beta^{\text{rad}}} = \frac{180^\circ}{\pi} \Rightarrow \beta^{\text{rad}} \doteq -58,90^{\text{rad}}$$

$$\frac{166^\circ}{\alpha_z^{\text{rad}}} = \frac{180^\circ}{\pi} \Rightarrow \alpha_z^{\text{rad}} \doteq 2,897^{\text{rad}}$$

$$\frac{225^\circ}{\beta_z^{\text{rad}}} = \frac{180^\circ}{\pi} \Rightarrow \beta_z^{\text{rad}} \doteq 3,927^{\text{rad}}$$